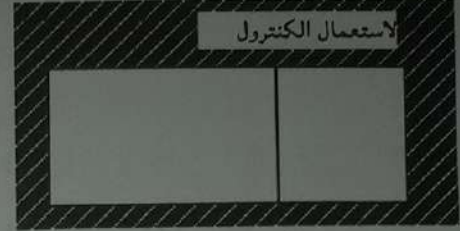


الاسم : .....  
رقم المركز : .....  
رقم الجلوس : .....  
المادة : الرياضيات المتخصّصة



بسم الله الرحمن الرحيم  
جمهورية السودان  
وزارة التربية والتعليم  
مجلس امتحانات السودان



امتحان الشهادة الثانوية - أبريل ٢٠٢٠م

الزمن : ثلاث ساعات

المادة : الرياضيات المتخصّصة

### تعليمات هامة :

- ١- اكتب اسمك ورقم جلوسك واسم المدرسة ورقم المركز بكل وضوح في الأماكن المخصصة لذلك .
- ٢- سجّل بكراسة الإجابة جميع خطوات الإجابة ولا تستعمل أية ورقة خارجية .
- ٣- اقرأ الأسئلة جيداً قبل البدء في الإجابة .
- ٤- اشطب أي عمل لا ترغب في تصحيحه ، ولا تترك أكثر من حل واحد للسؤال الواحد .
- ٥- لا يسمح باستعمال الآلات الحاسبة أو الإلكترونية .

### \* تنبيه للممتحنين :

- هذه الورقة مصممة على أن تفتح على مدى صفحة أو صفحتين لا أكثر كالآتي :
- (صفحة ١ ثم ٢ و ٣ ثم ٤ و ٥ ثم ٦ فقط وأخيراً ٧ و ٨) .
- عدد أسئلة هذه المادة ٦ أسئلة مطبوعة على ٧ صفحات ( صفحة ٢ - ٨ ) .
- المربعات والدوائر المرسومة على الهوامش مخصصة لأعمال التصحيح فقط .

اترك هذا الجدول خالياً

| رقم السؤال | الدرجة | صحّحه | راجع |
|------------|--------|-------|------|
| ١          |        |       |      |
| ٢          |        |       |      |
| ٣          |        |       |      |
| ٤          |        |       |      |
| ٥          |        |       |      |
| ٦          |        |       |      |
| المجموع    |        |       |      |

# لا تكتب في هذه المساحة المظلمة

السؤال الأول :

(أ) أكمل كلاً من يأتي :

١ / إذا كان د (س) = ٢ فإن قيمة (د د) (٢) =

٢ / إذا كان ص = د (س) = أ<sup>٣</sup> « حيث أ ثابت »

فإن  $\frac{د ص}{د س} =$

٣ / إذا كان ل ، ع دالتين في س فإنه وحسب

التكامل بالتجزئة :

$\left[ \text{ع} \times \left( \frac{د ل}{د س} \right) = \dots \right]$

٤ / معادلة الدائرة التي نهايتي أحد أقطارها النقطتين

(س<sub>١</sub> ، ص<sub>١</sub>) ، (س<sub>٢</sub> ، ص<sub>٢</sub>) تكتب في

الصورة :

٥ / حسب نظرية دي موثير إذا كان العدد المركب :

$\text{ع} = \text{ر} ( \text{جتا ه} + \text{ت جا ه} )$  فإن :

$\text{ع}^{\text{ن}} =$

٦ / التبديلة تعرف بأنها هي :

٧ / الانحراف المعياري لمجموعة مفردات يعرف بأنه هو

٨ / تسمى التجربة تجربة عشوائية إذا كُنَّا :

(ب) ارسم دائرة حول حرف الإجابة الصحيحة في كل

من الآتي :

١ / إذا كان د (س) = (جاس +  $\frac{\pi}{٢}$ ) فإن د (س) =

أ / ١ - ب /  $\frac{\pi}{٢}$

ج /  $\pi$  د / صفر

٢ /  $\frac{د س}{د س} (٣ + س) =$

أ / (٣ + س)<sup>٤</sup> ب / ٥ (٣ + س)<sup>٦</sup>

ج /  $\frac{١}{٢} (٣ + س)$  د / ٥ (٣ + س)<sup>٤</sup>

٣ /  $\left[ \text{قتا س}^٢ \text{ظتا س} \right] د س =$

أ /  $-\frac{١}{٢} \text{ظتا س}^٢ + \text{ث}$  ب /  $\frac{١}{٢} \text{ظتا س}^٢ + \text{ث}$

ج /  $\frac{١}{٢} \text{قتا س}^٢ + \text{ث}$  د /  $-\frac{١}{٢} \text{قتا س}^٢ + \text{ث}$

٤ / إذا كان العدد المركب ع =  $\left[ ٢ , ١٥^\circ \right]$

فإن سعة العدد المركب ع =

أ / ٢ ب / ٦ ج /  $١٥^\circ$  د /  $٤٥^\circ$

٥ / عدد الطرق التي يمكن أن يجلس بها ٥ أشخاص

على ٥ كراسي في صف =

أ / ٥<sup>٥</sup> ب / ٥ ج / ٥ د / ٢٥

٦ / إذا كانت أ مصفوفة بعدها  $٣ \times ٢$  ،

ب مصفوفة بعدها  $٣ \times ١$  فإن بعد المصفوفة

(ب أ) =

أ /  $٢ \times ١$  ب /  $١ \times ٢$  ج /  $٣ \times ٣$  د / ٢

٧ / نصف الفرق بين الربيع الأعلى والربيع الأدنى

يسمى :

أ / الانحراف المتوسط

ب / الانحراف المعياري

ج / الانحراف الربيعي

د / المدى الربيعي

## السؤال الثاني :

- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة

وعلمة (x) أمام العبارة الخاطئة فيما يلي :

١/ إذا كانت د (س) =  $\frac{س^2 + 4}{س + 2}$  فإن

نهاية د (س) موجودة (.....)

٢/ إذا كان ع ، ل دالتين في س فإن

فإن د (س) = (ل × ع)  $\times \frac{د}{د}$  (.....)

٣/  $\int_0^2 ر (س) دس = ٥$  ،  $\int_0^2 ر (س) دس = ٥$  (.....)

٤/ إذا كانت د (س) دالة فردية فإن :

$\int_{-1}^1 د (س) دس = ٠$  (.....)

٥/ معادلة المحاس المرسوم عند النقطة (س ، ص)

للدائرة  $س^2 + ٢ص + ٢ل + ٢ك + ٢ج = ٠$  هي

$س^2 + ٢ص + ٢ل + ٢ك + ٢ج = ٠$  (.....)

٦/ إذا كان ع ، ٢ عددان مركبين فإن مقياس

$(٢ع \times ٢ع) = ٢ع + ٢ع$  مقياس (.....)

٧/  $ل^٢ ر^٢ = ٢$  (.....)

٨/  $\begin{bmatrix} ٣ & ٢ & ١ \\ ٦ & ٥ & ٤ \\ ٩ & ٨ & ٧ \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} ٣ & ٢ & ١ \\ ٦ & ٥ & ٤ \\ ٩ & ٨ & ٧ \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} ٠ & ٠ & ١ \\ ٠ & ١ & ٠ \\ ١ & ٠ & ٠ \end{bmatrix}$  (.....)

٩/ تتأثر قيمة المتغير المنوال لمجموعة مفردات بالقيم

المتطرفة . (.....)

١٠/ إذا كان أ ، ب حدثين في فضاء العينة

لتجربة عشوائية فإن :

$أ - ب = (أ \cup ب)$  (.....)

## السؤال الثالث :

(أ) ١/ إذا كان د (س) =  $\frac{١}{٢}$  . أجب عن الآتي :

(i) جد مجال تعريف د (س) .

(ii) جد نهاية  $\frac{د (س + ٥) - د (س)}{٥}$

٢/ جد نهاية  $\frac{١ + ٢س}{س + ٢س^٣}$

٣/ جد نهاية  $\frac{٢س + ٢ج}{س}$

(ب) ١ / إذا كان  $v = d(s) = s^2 - 3$  جد

قيمة  $\frac{\Delta v}{\Delta s}$  عندما تتغير قيمة  $s$  من ١ إلى صفر .

٢ / جد  $\frac{dv}{ds}$  إذا كان  $s = \text{جتا } v$

٣ / إذا كان  $v = d(s) = s + \text{ظتا } s$  أثبت أن  $\frac{dv}{ds} = \frac{2}{3}$  قتا  $s^2$  ظتا  $s$

(ج) ١ / جد ميل المماس المرسوم للمنحنى

$v = s^2 + s$  عند النقطة  $(1, 2)$

٢ / يتحرك جسم في خط مستقيم بسرعة تساوي

$(\frac{2}{3}s^2 + 5s)$  سم/ث بعد زمن  $t$  ثانية

جد عجلة الحركة عندما  $t = 1$  ثانية .

(د) ١ / منحنى  $v = d(s)$  ميله عند أي نقطة

$(s, v)$  عليه يساوي  $(3s^2 + \text{جتا } s)$  جد معادلة هذا المنحنى إذا كان يمر بالنقطة  $(0, 3)$  .

٢ / بدأ جسم حركته في خط مستقيم من نقطة

ثابتة أ بحيث كانت سرعته  $v$  سم/ث بعد

$t$  ثانية تعطي بالعلاقة  $v = (1 + t^3)$

جد بعده  $f$  سم عن أ بعد  $t = 2$  ثانية .

٣ / جد قيمة  $\left[ \frac{d^2v}{ds^2} \right]$  عند  $s = 2$  دس

٣/ جِدْ طول المماس المرسوم من النقطة ( ٣ ، ٢ )

للدائرة التي معادلتها :

$$س^٢ + ص^٢ - ٢س - ٣ص - ٤ = ٠$$

السؤال الرابع :

١(أ) / جِدْ معادلة الدائرة التي مركزها نقطة الأصل

وتمر بالنقطة ( ٣ ، ٤ ) .

٢ / جِدْ معادلة الدائرة التي تمر بنقطة الأصل

والنقطة ( ١ ، ١ ) ويقع مركزها على المستقيم

$$س - ص = ٥ .$$

(( اكتب المعادلة في شكل الصورة العامة ))

١(ب) / اكتب العدد المركب  $٥ + ٣١٥$  ت

في الصورة القطبية .

٢ / جِدْ الجذور التكعيبية للعدد المركب

$$٨ = ع ( جتا ٤٥^\circ + ت جا ٤٥^\circ ) .$$

السؤال الخامس :

(أ) ١ / احسب عدد الأعداد الطبيعية الفردية التي تتكون من ثلاثة أرقام مختلفة ويمكن تكوينها من مجموعة الأرقام من صفر إلى ٤ .

٢ / احسب عدد الطرق التي يمكن بها اختيار ٤ لاعبين من بين ٧ لاعبين إذا وجب اختيار لاعبين معينين اثنين معاً أو تركهما معاً .

٣ / جد قيمة  $s$  التي تحقق  $12 = \frac{s(s+3)}{s(s+1)}$

٤ / في مفكوك  $(\frac{1}{s} + s)^n$  حسب قوى  $s$  التصاعدية إذا كان الحد الثالث يشتمل على  $s^{-2}$  جد قيمة  $n$  .

(ج) اكتب الكسر  $\frac{s-2}{s(s+2)}$

بصورة كسور جزئية .

السؤال السادس:

(أ) /١ مستخدماً الجدول التكراري أدناه :

| الفئة   | -٢ | -٦ | -١٠ | -١٤ | -١٨ |
|---------|----|----|-----|-----|-----|
| التكرار | ١  | ٦  | ٧   | ٤   | ٢   |

أجب عن الآتي :

(i) اكتب فئة المنوال .

(ii) احسب الانحراف المتوسط .

(ب) /١ إذا كانت المصفوفة :

$$\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 6 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} = I$$

(i) جد قيمة (أ<sub>١٢</sub>)

(ii) جد منقول المصفوفة أ .

(ii) جد العنصر المحايد الجمعي للمصفوفة أ .

/٢ جد قيمة كل من الثوابت ك، ل، م التي تحقق :

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} \times ك = \begin{bmatrix} ل & 2 \\ 3 & م \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 6 & 8 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$$

٢ / جِدْ الوسيط لمجموعة القيم :

٢٦ ، ٢٨ ، ١٠ ، ٢٠ ، ١٣ ، ٥ ، ٣ ، ١٧

٢ / إذا كان أ ، ب حدثين في فضاء العينة لتجربة

عشوائية حيث كان :

$$P(A \cap B) = \frac{2}{7}$$

جِدْ احتمال وقوع أحد الحدثين على الأكثر .

(ب) ١ / إذا كان أ ، ب حدثين في فضاء العينة

لتجربة عشوائية حيث كان :

$$P(A) = \frac{3}{5} , P(A \cup B) = \frac{4}{5}$$

جِدْ احتمال وقوع الحدث ب فقط .

٣ / في تجربة إلقاء حجر نرد مرتين

أجب عن كلٍّ من الآتي :

(i) جِدْ حادثة الحصول على نفس العدد الزوجي

غير الأولى في المراتين

{.....}

(ii) جِدْ حادثة الحصول على عددين

مجموعهما ١٢ .

{.....}

(iii) جِدْ احتمال الحصول على نفس العدد الزوجي

غير الأولى في المراتين أو الحصول على عددين

مجموعهما ١٢ .